

בוחן מס' 37

פתרונות שתים מתוך שלוש השאלות שלפניך, לרשותך 80 דקות (ניתן לפתור את שלוש השאלות במידת האפשר):

בעיות קיצון – שאלה מס' 6 קיז א תשע"א 23.5.16 שאלה 806 לשעבר

נתונה הפונקציה $f(x) = \sin(2x) - x^2$ בתחום $0 \leq x \leq \frac{\pi}{2}$.
ענה על הטעיפים שלפניך עבור התחומים הנתונים.

- א. מצא את השיפוע הגדול ביותר ואת השיפוע הקטן ביותר של גוף הפונקציה $(x)f$.
- ב. סרטט סקיצה של גוף פונקציית הנגזרת $(x)f'$.
- ג. (1) מצא את תחומי הקעירות כלפי מעלה U וכלפי מטה U של גוף הפונקציה $(x)f$.
- (2) סרטט סקיצה של גוף הפונקציה $(x)f$.

בעיות קיצון – שאלה מס' 8 חורף תשע"ד 3.2.14 שאלה 806 לשעבר

במשולש שווה-שוקיים ABC ($AB = AC$) אורך השוק הוא 6.

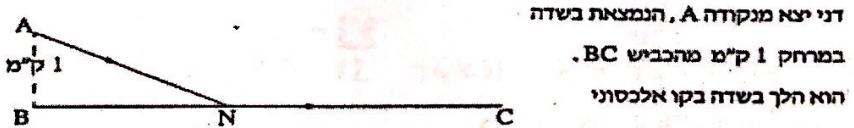
הו גובה לשוק BD . DE הוא אנך לבסיס BC .

סמן $x = \angle BAC$, ומצא מה צריך להיות הגדל של $\angle BAC$,

כדי שאורך האנך DE יהיה מקסימלי.

בתשובתך דיק Ud שתי ספורות אחרי הקודה העשויות.

בעיות קיצון – שאלה מס' 9 קיז ב תשע"ג 11.7.13 שאלה 806 לשעבר



דני יצא מנקודה A, הנמצאת בשדה

ברוחק 1 ק"מ מהיבש BC.

הוא הלך בשדה בקוו אלכסוני

במחירות קבועה x,

והגיע לכביש BC בנקודה כלשהי N (ראה ציור).

דני הלך בכביש במחירות הנזולה פי $\frac{13}{12}$ מהמהירות שבת החל בשדה, והגיע

לנקודה C בכביש.

המרחק בין B ל C הוא 6 ק"מ.

מהו אורך המסלול ANC אם ידוע שדני עבר אותו בזמן מינימלי?

בازלחה